



## Horses

Lui Mansur îi place să crească cai urmând tradiția strămoșilor săi. El are acum ce mai mare herghelie din Kazakhstan. Nu așa stăteau lucrurile cu  $N$  ani în urmă. Când Mansur era doar un dzhigit ( cuvântul Kazakh pentru *tânăr* ) el avea doar un singur cal. El visa să facă o grămadă de bani și în cele din urmă să ajungă un bai ( cuvântul kazakh pentru *om foarte bogat* ).

Să numerotăm anii de la  $0$  la  $N - 1$  în ordine cronologică ( adică anul  $N - 1$  este cel mai recent an ). Clima din fiecare an influența creșterea hergheliei. Pentru fiecare an  $i$  Mansur memorează un coeficient de creștere întreg și pozitiv  $X[i]$ . Dacă la începutul anului  $i$  aveai  $h$  cai atunci la sfârșitul acestuia aveai  $h \cdot X[i]$  cai în herghelie.

Caii puteau fi vânduți numai la sfârșitul unui an. Pentru fiecare an  $i$ , Mansur memorează un întreg pozitiv  $Y[i]$ : prețul unui cal la sfârșitul anului  $i$ . La sfârșitul fiecărui an era posibil să vinzi oricâți cai, fiecare la același preț  $Y[i]$ .

Mansur se întreabă care este cea mai mare sumă de bani pe care ar putea să o obțină dacă alege cele mai bune momente în care să vândă cai pe parcursul celor  $N$  ani. Tu ai onoarea să fii invitatul lui Mansur în toi ( cuvântul kazakh pentru *vacanță* ) și să răspunzi la întrebarea lui.

Memoria lui Mansur se îmbunătățește seara, așa ca va face un șir de  $M$  modificări. Fiecare modificare va schimba fie una dintre valorile  $X[i]$ , fie una dintre valorile  $Y[i]$ . După fiecare modificare el te întreabă dinnou care e suma cea mai mare pe care o poate obține din vânzarea cailor. Modificările lui Manur sunt cumulative: fiecare răspuns trebuie să țină cont de toate modificările precedente. Rețineți că oricare dintre valorile  $X[i]$  sau  $Y[i]$  ar putea fi modificată de mai multe ori.

Răspunsul lui Mansur poate fi un număr foarte mare. Pentru a evita lucrul cu numere mari se cere doar restul modulo  $10^9 + 7$  al răspunsului.

## Exemplu

Să presupunem că  $N = 3$  ani, cu următoarele informații:

	0	1	2
X	2	1	3
Y	3	4	1

Pentru valorile inițiale Mansur poate obține cel mai mult dacă vinde ambii săi cai la sfârșitul anului 1. Procesul decurge după cum urmează:

- Inițial, Mansur are un cal.
- După anul 0 el are  $1 \cdot X[0] = 2$  cai .

- După anul 1 el are  $2 \cdot X[1] = 2$  cai .
- El poate acum să vândă cei doi cai. Profitul total va fi  $2 \cdot Y[1] = 8$ .

Să presupunem acum că există  $M = 1$  modificări: Schimbă valoarea lui  $Y[1]$  în 2.

După modificare avem:

	0	1	2
X	2	1	3
Y	3	2	1

În acest caz, una dintre soluțiile optime este să vinzi un cal după anul 0 și apoi trei cai după anul 2. Procesul decurge după cum urmează:

- Inițial, Mansur are un cal.
- După anul 0 el are  $1 \cdot X[0] = 2$  cai.
- El poate să vândă unul dintre cai pentru  $Y[0] = 3$ , și îi mai rămâne un cal.
- După anul 1 el are  $1 \cdot X[1] = 1$  cal.
- După anul 2 el are  $1 \cdot X[2] = 3$  cai.
- El poate acum să vândă cei trei cai pentru  $3 \cdot Y[2] = 3$ . Profitul total va fi  $3 + 3 = 6$ .

## Cerință

Se dau  $N$ ,  $X$ ,  $Y$ , și lista de modificări. Înainte de prima modificare și după fiecare modificare, calculează suma maximă pe care o poate obține Mansur pe caii săi, modulo  $10^9 + 7$ .

Trebuie să implementezi funcțiile `init`, `updateX` și `updateY`.

- `init(N, X, Y)` — Grader-ul va apela prima această funcție, exact o dată.
  - $N$ : Numărul de ani.
  - $X$ : un șir de lungime  $N$ . Pentru  $0 \leq i \leq N - 1$ ,  $X[i]$  dă coeficientul de creștere pentru anul  $i$ .
  - $Y$ : un șir de lungime  $N$ . Pentru  $0 \leq i \leq N - 1$ ,  $Y[i]$  dă prețul unui cal după anul  $i$ .
  - Remarcați că atât  $X$  cât și  $Y$  specifică valorile inițiale date de Mansur ( înainte de orice modificare ).
  - După ce apelul `init` se încheie, șirurile  $X$  și  $Y$  rămân valabile, și poți modifica conținutul lor după cum dorești.
  - Această funcție trebuie să returneze suma maximă pe care o poate obține Mansur pe caii săi pentru aceste valori inițiale ale lui  $X$  și  $Y$ , modulo  $10^9 + 7$ .
- `updateX(pos, val)`
  - `pos`: un întreg din intervalul  $0, \dots, N - 1$ .

- `val`: noua valoare a lui  $X[\text{pos}]$ .
- Această funcție trebuie să returneze suma maximă pe care o poate obține Mansur după această modificare, modulo  $10^9 + 7$ .
- `updateY(pos, val)`
  - `pos`: un întreg din intervalul  $0, \dots, N - 1$ .
  - `val`: noua valoare a lui  $Y[\text{pos}]$ .
  - Această funcție trebuie să returneze suma maximă pe care o poate obține Mansur după această modificare, modulo  $10^9 + 7$ .

Se asigură că atât valorile inițiale cât și cele modificate pentru  $X[i]$  și  $Y[i]$  sunt între  $1$  și  $10^9$  inclusiv.

După `init`, grader-ul va apela `updateX` și `updateY` de câteva ori. Numărul total de apeluri ale funcțiilor `updateX` și `updateY` va fi  $M$ .

## Subprobleme

Subproblema	puncte	$N$	$M$	Precizări suplimentare
1	17	$1 \leq N \leq 10$	$M = 0$	$X[i], Y[i] \leq 10$ , $X[0] \cdot X[1] \cdot \dots \cdot X[N - 1] \leq 1,000$
2	17	$1 \leq N \leq 1,000$	$0 \leq M \leq 1,000$	none
3	20	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 100,000$	$X[i] \geq 2$ și $val \geq 2$ pentru <code>init</code> și apelurile <code>updateX</code>
4	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 10,000$	none
5	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 100,000$	none

## Grader-ul de pe calculatorul tău

Grader-ul de pe calculatorul tău citește date de intrare din fișierul `horses.in` în următorul format:

- linia 1:  $N$
- linia 2:  $X[0] \dots X[N - 1]$
- linia 3:  $Y[0] \dots Y[N - 1]$
- linia 4:  $M$
- liniile 5, ...,  $M + 4$ : trei numere `type pos val` (`type=1` pentru `updateX` și `type=2` pentru `updateY`).

Grader-ul de pe calculatorul tău afișează valoarea returnată de apelul `init` urmată de valorile returnate de toate apelurile `updateX` și `updateY`.