



## International Olympiad in Informatics 2015

26th July - 2nd August 2015

Almaty, Kazakhstan

Day 1

teams

Language: bs-BA

# Timovi

Svih  $N$  učenika jednog razreda numerisani su redom brojevima od  $0$  do  $N - 1$ . Nastavnik svakog dana pripremi projekte tako da jedan projekat uradi po jedan tim učenika u toku tog dana. Projekti mogu biti različitih težina, pa nastavnik za svaki od njih zna koliko tačno učenika mora biti u timu koji radi na projektu.

Svaki učenik ima svoje želje o veličini tima u kojem učestvuje. Preciznije, učenik  $i$  može biti u timu koji ima između  $A[i]$  i  $B[i]$  članova, uključivo. Svakog dana učenik može biti pridružen najviše jednom timu. Neki od učenika ne moraju biti pridruženi timu, a svaki tim radi na tačno jednom projektu.

Nastavnik je već smislio projekte za sljedećih  $Q$  dana. Za svaki dan trebate odrediti da li je moguće pridružiti učenike timovima tako da za svaki projekat postoji tačno jedan tim učenika koji radi na tom projektu.

## Primjer

Prepostavimo da razred ima  $N = 4$  učenika i da je broj dana  $Q = 2$ . Želje učenika o veličini tima su date u tabeli:

učenik	0	1	2	3
$A$	1	2	2	2
$B$	2	3	3	4

Prvog dana su predviđena  $M = 2$  projekta, a tražene veličine timova su  $K[0] = 1$  i  $K[1] = 3$ . Ova dva tima se mogu formirati na sljedeći način: studenta 0 pridružimo timu veličine 1, a preostale učenike 1, 2 i 3 pridružimo timu veličine 3.

Drugog dana su opet predviđena  $M = 2$  projekta, ali su veličine potrebnih timova  $K[0] = 1$  i  $K[1] = 1$ . U ovom slučaju nije moguće formirati timove, jer postoji samo jedan učenik (i to učenik 0) koji može biti u jednočlanom timu.

## Zadatak

Zadat je opis svih učenika:  $N$ ,  $A$  i  $B$ , kao i niz od  $Q$  pitanja — po jedno za svaki dan. Svako pitanje se sastoji od broja  $M$  projekata predviđenih za taj dan i niza  $K$  dužine  $M$  koji sadrži tražene veličine timova. Za svako pitanje vaš program mora vratiti da li je moguće formirati sve potrebne timove taj dan.

Potrebno je implementirati funkcije `init` i `can`:

- `init(N, A, B)` — Grader će prvo pozvati ovu funkciju i to tačno jednom.
  - $N$ : broj učenika.

- A: niz dužine  $N$ :  $A[i]$  je minimalna veličina tima za učenika  $i$ .
- B: niz dužine  $N$ :  $B[i]$  je maksimalna veličina tima za učenika  $i$ .
- Funkcija ne vraća nikakvu vrijednost.

Možete prepostaviti da za svako  $i = 0, \dots, N - 1$  važi  $1 \leq A[i] \leq B[i] \leq N$ .

- can( $M, K$ ) — Poslije jednog poziva funkcije init, grader će pozvati ovu funkciju redom  $Q$  puta, po jednom za svaki dan.
  - $M$ : broj projekata za trenutni dan.
  - $K$ : niz dužine  $M$  koji sadrži tražene veličine timova za svaki od projekata.
  - Funkcija vraća 1 ako je moguće formirati tražene timove, ili vraća 0 ako to nije moguće.
  - Možete prepostaviti da važi  $1 \leq M \leq N$ , i da za svako  $i = 0, \dots, M - 1$  važi  $1 \leq K[i] \leq N$ . Obratite pažnju da zbir svih  $K[i]$  može biti veći od  $N$ .

## Podzadaci

Označimo sa  $S$  zbir vrijednosti  $M$  u svim pozivima funkcije can( $M, K$ ).

Podzadatak	Bodovi	$N$	$Q$	Dodatna ograničenja
1	21	$1 \leq N \leq 100$	$1 \leq Q \leq 100$	nema
2	13	$1 \leq N \leq 100,000$	$Q = 1$	nema
3	43	$1 \leq N \leq 100,000$	$1 \leq Q \leq 100,000$	$S \leq 100,000$
4	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$1 \leq Q \leq 200,000$	$S \leq 200,000$

## Lokalni Grader

Lokalni grader čita ulazne podatke u sljedećem formatu:

- red 1:  $N$
- redovi 2, ...,  $N + 1$ :  $A[i]$   $B[i]$
- red  $N + 2$ :  $Q$
- redovi  $N + 3, \dots, N + Q + 2$ :  $M$   $K[0]$   $K[1]$  ...  $K[M - 1]$

Za svako pitanje, grader printa vrijednost koju vrati funkcija can.